

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

МОАУ "СОШ 89"

РАССМОТРЕНО

[Укажите должность]

[укажите ФИО]
[Номер приказа] от
«[число]» [месяц] [год] г.

СОГЛАСОВАНО

[Укажите должность]

[укажите ФИО]
[Номер приказа] от
«[число]» [месяц] [год] г.

УТВЕРЖДЕНО

[Укажите должность]

[укажите ФИО]
[Номер приказа] от
«[число]» [месяц] [год] г.

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН
ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

Сертификат: 00DA91720996827D7680DE13FC4C85359B
Владелец: Абдраимова Юлия Александровна
Действителен: с 22.03.2023 до 14.06.2024

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 715701)

учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.

Углубленный уровень»

для обучающихся 10 – 11 классов

№ п/п	СОДЕРЖАНИЕ	Стр.
1.	Пояснительная записка	3
1.1	Общая характеристика учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»	3
1.2	Цели изучения учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»	5
1.3	Место учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» в учебном плане	7
2.	Содержание учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»	8
2.1	Содержание учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» 10 класс	8
2.2	Содержание учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» 11 класс	10
3	Планируемые образовательные результаты	11
3.1	Личностные результаты	11
3.2	Метапредметные результаты	12
3.3	Предметные результаты	15
3.3.1	Предметные результаты 10 класс	15
3.3.2	Предметные результаты 11 класс	18
4.	Тематическое планирование	20
4.1	Тематическое планирование 10 класс	20
4.2	Тематическое планирование 11 класс	24
5	Поурочное планирование	27
5.1	Поурочное планирование 10 класс	27
5.2	Поурочное планирование 11 класс	38
6	Учебно-методическое обеспечение образовательного процесса	51
7	Приложение 1. Оценочные материалы	53

1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

1.1. Общая характеристика учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

1.2. Цели изучения учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом

разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций,

позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

1.3. Место учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» в учебном плане

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

2. СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

2.1. СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ 10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных

процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

2.2. СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ 11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

3.1 ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор

будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

3.2 МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3.3 ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

3.3.1 ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ 10 класс

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

3.3.2 ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ 11 класс

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости

целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

4.ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

4.1.ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Из них: Контрольные работы	Из них: Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24			
	Стартовая контрольная работа		1		
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12			
	Контрольная работа № 2		1		

3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15			
	Контрольная работа № 3		1		
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10			
	Мониторинговая работа за 1 полугодие		1		
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18			
	Контрольная работа № 5		1		
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22			
	Контрольная работа № 6		1		
7	Последовательности и прогрессии	10			
	Контрольная работа № 7		1		
8	Непрерывные функции. Производная	20			

	Контрольная работа № 8		1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5			
	Промежуточная аттестация. Контрольная работа		2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

4.2.ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

Математика

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Из них: Контрольные работы	Из них: Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22			
	Контрольная работа № 1		1		
	Входная мониторинговая работа		1		
	Контрольная работа № 2		1		
2	Первообразная и интеграл	12			
	Контрольная работа № 3		1		
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14			

	Контрольная работа № 4		1		
	Мониторинговая работа за 1 полугодие		1		
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24			
	Контрольная работа № 6		1		
5	Комплексные числа	10			
	Контрольная работа № 7		1		
6	Натуральные и целые числа	10			
	Пробный экзамен (в формате ЕГЭ)		1		
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12			
	Контрольная работа № 9		1		
8	Задачи с параметрами	16			
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16			
	Промежуточная аттестация. Контрольная работа		1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	11	0	

5. ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

5.1. ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1	0	0	РЭШ.ru
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1	0	0	РЭШ.ru
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1	0	0	РЭШ.ru
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	0	0	РЭШ.ru
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1	0	0	РЭШ.ru
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1	0	0	РЭШ.ru
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1	0	0	РЭШ.ru
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1	0	0	РЭШ.ru
9	Арифметические операции с действительными числами	1	0	0	РЭШ.ru

10	Модуль действительного числа и его свойства	1	0	0	РЭШ.ru
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1	0	0	РЭШ.ru
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	РЭШ.ru
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	РЭШ.ru
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1	0	0	РЭШ.ru
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1	0	0	РЭШ.ru
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1	0	0	РЭШ.ru
17	Решение систем линейных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
18	Решение систем линейных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1	0	0	РЭШ.ru
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1	0	0	РЭШ.ru

21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
24	Стартовая контрольная работа	1	1	0	РЭШ.ru
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1	0	0	РЭШ.ru
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1	0	0	РЭШ.ru
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1	0	0	РЭШ.ru
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1	0	0	РЭШ.ru
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1	0	0	РЭШ.ru
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1	0	0	РЭШ.ru
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1	0	0	РЭШ.ru
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1	0	0	РЭШ.ru

33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	0	0	РЭШ.ru
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1	0	0	РЭШ.ru
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1	0	0	РЭШ.ru
36	Контрольная работа №1: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	1	0	РЭШ.ru
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1	0	0	РЭШ.ru
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1	0	0	РЭШ.ru
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	0	0	РЭШ.ru
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	0	0	РЭШ.ru
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1	0	0	РЭШ.ru
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru

45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
49	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1	0	0	РЭШ.ru
50	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1	0	0	РЭШ.ru
51	Контрольная работа №2 : "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1	0	РЭШ.ru
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	0	0	РЭШ.ru
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	0	0	РЭШ.ru
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1	0	0	РЭШ.ru
55	Показательная функция, её свойства и график	1	0	0	РЭШ.ru
56	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	РЭШ.ru

57	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
61	Контрольная работа за I полугодие	1	1	0	РЭШ.ru
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	0	0	РЭШ.ru
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	0	0	РЭШ.ru
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1	0	0	РЭШ.ru
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1	0	0	РЭШ.ru
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1	0	0	РЭШ.ru
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	0	0	РЭШ.ru
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	0	0	РЭШ.ru
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	0	0	РЭШ.ru
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	0	0	РЭШ.ru
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	0	0	РЭШ.ru

72	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
73	Использование графика функции для решения уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
79	Контрольная работа №4: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1	0	РЭШ.ru
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	0	0	РЭШ.ru
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	0	0	РЭШ.ru
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	РЭШ.ru
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	0	0	РЭШ.ru

84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	РЭШ.ru
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	0	0	РЭШ.ru
86	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	РЭШ.ru
87	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	РЭШ.ru
88	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	РЭШ.ru
89	Основные тригонометрические формулы	1	0	0	РЭШ.ru
90	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	РЭШ.ru
91	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	РЭШ.ru
92	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	РЭШ.ru
93	Преобразование тригонометрических выражений	1	0	0	РЭШ.ru
94	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
95	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
96	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
97	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
98	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
99	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
100	Решение тригонометрических уравнений	1	0	0	РЭШ.ru
101	Контрольная работа №5: "Тригонометрические выражения и	1	1	0	РЭШ.ru

	тригонометрические уравнения"				
102	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1	0	0	РЭШ.ru
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1	0	0	РЭШ.ru
104	Арифметическая прогрессия	1	0	0	РЭШ.ru
105	Геометрическая прогрессия	1	0	0	РЭШ.ru
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1	0	0	РЭШ.ru
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1	0	0	РЭШ.ru
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1	0	0	РЭШ.ru
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1	0	0	РЭШ.ru
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1	0	0	РЭШ.ru
111	Контрольная работа №6: "Последовательности и прогрессии"	1	1	0	РЭШ.ru
112	Непрерывные функции и их свойства	1	0	0	РЭШ.ru
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1	0	0	РЭШ.ru
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1	0	0	РЭШ.ru
115	Свойства функций непрерывных на	1	0	0	РЭШ.ru

	отрезке				
116	Метод интервалов для решения неравенств	1	0	0	РЭШ.ru
117	Метод интервалов для решения неравенств	1	0	0	РЭШ.ru
118	Метод интервалов для решения неравенств	1	0	0	РЭШ.ru
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1	0	0	РЭШ.ru
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1	0	0	РЭШ.ru
121	Первая и вторая производные функции	1	0	0	РЭШ.ru
122	Определение, геометрический смысл производной	1	0	0	РЭШ.ru
123	Определение, физический смысл производной	1	0	0	РЭШ.ru
124	Уравнение касательной к графику функции	1	0	0	РЭШ.ru
125	Уравнение касательной к графику функции	1	0	0	РЭШ.ru
126	Производные элементарных функций	1	0	0	РЭШ.ru
127	Производные элементарных функций	1	0	0	РЭШ.ru
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	0	0	РЭШ.ru
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1	0	0	РЭШ.ru
130	Производная суммы, произведения,	1	0	0	РЭШ.ru

	частного и композиции функций				
131	Контрольная работа №7: "Производная"	1	1	0	РЭШ.ru
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	0	0	РЭШ.ru
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	0	0	РЭШ.ru
134	Промежуточная аттестация. Контрольная работа	1	1	0	РЭШ.ru
135	Промежуточная аттестация. Контрольная работа	1	1	0	РЭШ.ru
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	0	0	РЭШ.ru
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

5.2. ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

5.3.

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата	Дата	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	план	факт	
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	0	0			РЭШ.ru
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	0	0			РЭШ.ru
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	0	0			РЭШ.ru
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	0	0			РЭШ.ru
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	0	0			РЭШ.ru
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	0	0			РЭШ.ru
7	Нахождение наибольшего и	1	0	0			РЭШ.ru

	наименьшего значения непрерывной функции на отрезке						
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	0	0			РЭШ.ru
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	0	0			РЭШ.ru
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	0	0			РЭШ.ru
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	0	0			РЭШ.ru
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	0	0			РЭШ.ru
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1	0	0			РЭШ.ru
14	Применение производной для	1	0	0			РЭШ.ru

	нахождения наилучшего решения в прикладных задачах						
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1	0	0			РЭШ.ru
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1	0	0			РЭШ.ru
17	Мониторинговая контрольная работа	1	1	0			РЭШ.ru
18	Композиция функций	1	0	0			РЭШ.ru
19	Композиция функций	1	0	0			РЭШ.ru
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1	0	0			РЭШ.ru
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1	0	0			РЭШ.ru
22	Контрольная работа №1 : "Исследование функций с помощью производной"	1	1	0			РЭШ.ru
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1	0	0			РЭШ.ru

24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1	0	0			РЭШ.ru
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1	0	0			РЭШ.ru
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1	0	0			РЭШ.ru
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1	0	0			РЭШ.ru
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1	0	0			РЭШ.ru
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1	0	0			РЭШ.ru
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1	0	0			РЭШ.ru
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru

34	Контрольная работа №2: "Первообразная и интеграл"	1	1	0			РЭШ.ru
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	0	0			РЭШ.ru
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	0	0			РЭШ.ru
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	0	0			РЭШ.ru
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	0	0			РЭШ.ru
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	0	0			РЭШ.ru
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	0	0			РЭШ.ru
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	0	0			РЭШ.ru
42	Отбор корней	1	0	0			РЭШ.ru

	тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности						
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	0	0			РЭШ.ru
44	Решение тригонометрических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
45	Решение тригонометрических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
46	Решение тригонометрических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
47	Решение тригонометрических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
48	Контрольная работа №3: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	1				РЭШ.ru
49	Основные методы решения показательных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
50	Основные методы решения показательных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
51	Основные методы решения	1	0	0			РЭШ.ru

	показательных неравенств						
52	Основные методы решения показательных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
62	Контрольная работа за I полугодие	1	0	0			РЭШ.ru
63	Графические методы решения показательных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
64	Графические методы решения показательных неравенств	1	0	0			РЭШ.ru

65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1	0	0			РЭШ.ru
72	Контрольная работа №4: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1	0			РЭШ.ru
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1	0	0			РЭШ.ru
74	Комплексные числа.	1	0	0			РЭШ.ru

	Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа						
75	Арифметические операции с комплексными числами	1	0	0			РЭШ.ru
76	Арифметические операции с комплексными числами	1	0	0			РЭШ.ru
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1	0	0			РЭШ.ru
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1	0	0			РЭШ.ru
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1	0	0			РЭШ.ru
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1	0	0			РЭШ.ru
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1	0	0			РЭШ.ru
82	Контрольная работа №5: "Комплексные числа"	1	1	0			РЭШ.ru
83	Натуральные и целые числа	1	0	0			РЭШ.ru
84	Натуральные и целые числа	1	0	0			РЭШ.ru
85	Применение признаков	1	0	0			РЭШ.ru

	делимости целых чисел						
86	Применение признаков делимости целых чисел	1	0	0			РЭШ.ru
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1	0	0			РЭШ.ru
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1	0	0			РЭШ.ru
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1	0	0			РЭШ.ru
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1	0	0			РЭШ.ru
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1	0	0			РЭШ.ru
92	Контрольная работа №6: "Теория целых чисел"	1	1	0			РЭШ.ru
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1	0	0			РЭШ.ru
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1	0	0			РЭШ.ru
95	Основные методы решения	1	0	0			РЭШ.ru

	систем и совокупностей рациональных уравнений						
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1	0	0			РЭШ.ru
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	0	0			РЭШ.ru
102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация	1	0	0			РЭШ.ru

	полученных результатов						
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	0	0			РЭШ.ru
104	Контрольная работа №7: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	1	0			РЭШ.ru
105	Рациональные уравнения с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
106	Рациональные неравенства с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
107	Рациональные системы с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
109	Иррациональные системы с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
111	Показательные системы с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
112	Логарифмические уравнения,	1	0	0			РЭШ.ru

	неравенства с параметрами						
113	Логарифмические системы с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
116	Тригонометрические системы с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1	0	0			РЭШ.ru
120	Контрольная работа №8: "Задачи с параметрами"	1	1	0			РЭШ.ru
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний:	1	0	0			РЭШ.ru

	"Уравнения"						
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	0	0			РЭШ.ru
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1	0	0			РЭШ.ru
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	0	0			РЭШ.ru
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	0	0			РЭШ.ru
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	0	0			РЭШ.ru
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	0	0			РЭШ.ru
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	0	0			РЭШ.ru
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её"	1	0	0			РЭШ.ru

	применение"						
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1	0	0			РЭШ.ru
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	0	0			РЭШ.ru
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	0	0			РЭШ.ru
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	0	0			РЭШ.ru
134	Промежуточная аттестация. Контрольная работа	1	1	0			
135	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	0	0			РЭШ.ru
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	0	0			РЭШ.ru
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	11	0			

6.УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

1. А.Г. Мордкович Алгебра и начала анализа, 10-11 класс часть 1,2 Мнемозина 2009

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. А.Г. Мордкович Алгебра и начала математического анализа.10-11 класс.

Методическое пособие для учителя.

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ

ИНТЕРНЕТ

1. РЭШ.ru

Аннотация к рабочей программе по алгебре и началам анализа 10-11 классы
(углубленный уровень)

Рабочая программа учебного предмета «Алгебра и начала анализа» для учащихся 10, 11 классов (углубленный уровень) составлена в соответствии с Федеральным компонентом государственного образовательного стандарта и примерной программой среднего общего образования.

Цель освоения программы учебного курса «Алгебра и начала анализа» на углублённом уровне:

Обеспечение инструментальной базы для изучения всех естественно-научных курсов, формирование логического и абстрактного мышления обучающихся на уровне, необходимом для освоения других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

Приложение 1
Контрольно-измерительные материалы
По алгебре и началам математического анализа 10 класс

В а р и а н т 1

1. Решите уравнение:

$$\text{а) } x^3 - 81x = 0; \quad \text{б) } \frac{x^2 - 1}{2} - \frac{3x - 1}{4} = 2.$$

2. Решите биквадратное уравнение: $x^4 - 19x^2 + 48 = 0$.

3. Решите неравенство:

$$\text{а) } 2x^2 - 13x + 6 < 0; \quad \text{б) } x^2 - 9 > 0; \quad \text{в) } 3x^2 - 6x + 32 > 0.$$

4. Решите неравенство, используя метод интервалов:

$$\text{а) } (x + 8)(x - 4) > 0; \quad \text{б) } \frac{x - 5}{x + 7} < 0.$$

5. При каких значениях t уравнение $3x^2 + tx + 3 = 0$ имеет два корня?

6.* Решите уравнение:

$$\frac{x^2 + x - 5}{x} + \frac{3x}{x^2 + x - 5} + 4 = 0.$$

В а р и а н т 2

1. Решите уравнение:

$$\text{а) } x^3 - 25x = 0; \quad \text{б) } \frac{x^2 + 6}{5} - \frac{8 - x}{10} = 1.$$

2. Решите биквадратное уравнение: $x^4 - 4x^2 - 45 = 0$.

3. Решите неравенство:

$$\text{а) } 2x^2 - x - 15 > 0; \quad \text{б) } x^2 - 16 < 0; \quad \text{в) } x^2 + 12x + 80 < 0.$$

4. Решите неравенство, используя метод интервалов:

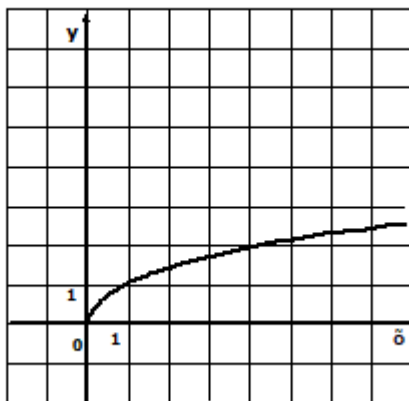
$$\text{а) } (x + 11)(x - 9) < 0; \quad \text{б) } \frac{x + 3}{x - 8} > 0.$$

5. При каких значениях t уравнение $2x^2 + tx + 8 = 0$ не имеет корней?

6.* Решите уравнение:

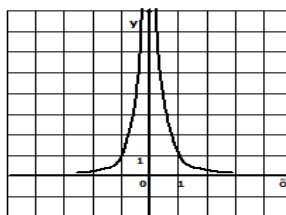
$$\frac{x^2 - 14}{x} - \frac{10x}{x^2 - 14} = 3.$$

Контрольная работа №1: "Степенная функция. Её свойства и график"



1 вариант

- График какой функции изображен на рисунке?
- Вычислите:
 - 2^{-5} ; б) $(\frac{6}{7})^{-1}$; в) $64^{\frac{1}{6}} - 81^{\frac{1}{4}}$; г) $(2^{\frac{4}{3}} - 1)(2^{\frac{8}{3}} + 2^{\frac{4}{3}} + 1)$
- Упростите выражение:
 - $(\sqrt[5]{a^8})^{-\frac{5}{3}}$; б) $b^{\frac{2}{3}} \cdot \sqrt[6]{b^5}$
- Построить график функции $y = (x + 1)^{\frac{5}{3}} - 4$
- Составьте уравнение касательной к графику функции $y = \frac{7}{3} x^{\frac{3}{7}} - x^{-3}$ в точке $x_0=1$



- Решите уравнение $x^{\frac{-2}{3}} - x^{\frac{-1}{3}} - 2 = 0$
- Решите уравнение с помощью графиков $x^{\frac{-2}{3}} = 4 - 3x$

2 вариант

- График какой функции изображен на рисунке?
- Вычислите:
 - 5^{-3} ; б) $(\frac{4}{9})^{-1}$; в) $343^{\frac{1}{3}} - 256^{\frac{1}{4}}$; г) $(3^{\frac{7}{3}} + 2)(4 - 2 \cdot 3^{\frac{7}{3}} + 3^{\frac{14}{3}})$
- Упростите выражение:
 - $(\sqrt[6]{a^5})^{-1,2}$; б) $b^{\frac{7}{5}} \cdot \sqrt[10]{b^3}$
- Построить график функции $y = (x - 2)^{\frac{1}{4}} + 3$
- Составьте уравнение касательной к графику функции $y = \frac{4}{3} x^{\frac{3}{4}} - x^{-2}$ в точке $x_0=1$

6. Решите уравнение $x^{\frac{-4}{3}} - 2x^{\frac{-2}{3}} - 8 = 0$

7. Решите уравнение с помощью графиков $\frac{5}{x^2} = 4 - 3x$

Контрольная работа № 2 "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"

Вариант 1

1. Найдите значение выражения:

А) $\sqrt[3]{8}$; б) $\sqrt[4]{\frac{81}{16}}$; в) $\sqrt[4]{81}$; г) $\sqrt[3]{3 \cdot 25 \cdot \sqrt[3]{9 \cdot 5}}$.

2. Вычислите:

А) $\sqrt{\frac{1}{9}} + \sqrt{-2\frac{10}{27}} + \sqrt[4]{256}$; Б) $\sqrt[4]{4^2 \cdot 5^4 \cdot \sqrt[4]{0,0001 \cdot 16}}$;

В) $\sqrt[4]{3\frac{3}{8} \cdot 1\frac{1}{2}} + \frac{\sqrt[4]{5}}{\sqrt[4]{80}}$; Г) $\sqrt{3 - \sqrt{5}} \cdot \sqrt{3 + \sqrt{5}}$.

3. Решите уравнения:

А) $\sqrt{x-5} = 2 + \sqrt{x-6}$; Б) $3 + \sqrt{10-x} = \sqrt{29-x}$.

4. Представьте выражение в виде степени с рациональным показателем:

А) $\frac{1}{8} \sqrt[7]{2^5 \cdot ax^3}$; Б) $\sqrt[3]{a^2 \sqrt[4]{a}}$.

5. Упростите выражение:

А) $\frac{a-1}{a^{\frac{3}{4}+a^{\frac{1}{2}}}} \cdot \frac{\sqrt{a+\sqrt[4]{a}}}{\sqrt{a+1}} \cdot a^{\frac{1}{4}} + 1$.

Вариант 2

1. Найдите значение выражения:

А) $\sqrt[3]{27}$; б) $\sqrt[4]{\frac{81}{256}}$; в) $\sqrt[3]{64}$;
г) $\sqrt[4]{625}$.

2. Вычислите:

А) $\sqrt[3]{10 + \sqrt{73}} \cdot \sqrt[3]{10 - \sqrt{73}}$; Б) $\sqrt[4]{3^2 - \sqrt{65}} \cdot \sqrt[4]{3^2 + \sqrt{65}}$;

В) $\sqrt[5]{1\frac{11}{16}} \cdot 4,5 - \frac{\sqrt[4]{5}}{\sqrt[4]{80}}$; Г) $\sqrt[6]{\frac{64}{100000000}} \cdot \sqrt[4]{39\frac{1}{16}} : \sqrt[3]{-3\frac{19}{27}}$.

3. Решите уравнения:

$$A) \sqrt{x+2} - \sqrt{x-7} = 3; \quad B) \sqrt{2-3x} + 2 = \sqrt{16+x}.$$

4. Представьте выражение в виде степени с рациональным показателем:

$$A) \sqrt[3]{b^3} \cdot \sqrt[4]{b}; \quad B) \frac{1}{3} \cdot \sqrt[4]{27^3 \sqrt{x}}.$$

$$5. \text{ Упростите выражение: } A) a + a^{\frac{1}{2}} + 1 : \frac{a-1}{a^{\frac{1}{2}} - 1} + 2a^{\frac{1}{2}}.$$

Контрольная работа №3

«Показательная функция. Показательные уравнения»

Вариант 1

1. Решите уравнения:

$$1) 3^{5x+1} = 27; \quad 2) 5^{x^2-5x-14} = 1; \quad 3) 3^{x+2} + 4 \cdot 3^{x-1} = 279; \quad 4) 3 \cdot 81^x - 10 \cdot 9^x + 3 = 0.$$

2. Решите неравенства:

$$1) 4^x > 64; \quad 2) \left(\frac{1}{3}\right)^{2x} \leq \frac{1}{81}; \quad 3) 5^{x-1} + 5^{x+1} \leq 26; \quad 4) 3^{2x+1} - 28 \cdot 3^x + 9 > 0.$$

$$3. \text{ Решите систему уравнений: } \begin{cases} x - y = 4, \\ 5^{x+y} = 25. \end{cases}$$

$$4. \text{ Решите уравнение } 2^{x+5} - 3^{x+3} = 2^{x+1} + 6 \cdot 3^{x+1}.$$

$$5. \text{ Решите систему } \begin{cases} 3^{x^2} < 3^{16}, \\ 2^{x^2-4x} = 32. \end{cases}$$

Вариант 2.

1. Решите уравнения:

$$1) 11^{4x-3} = 121; \quad 2) 3^{x^2-4x-21} = 1; \quad 3) 2^{x+1} + 5 \cdot 2^{x-1} = 144; \quad 4) 2 \cdot 9^x - 3 \cdot 3^x - 9 = 0.$$

2. Решите неравенства:

$$1) 7^x < 49; \quad 2) (0,1)^{2x} \geq 0,01; \quad 3) 4^{x+1} - 4^{x-1} > 120; \quad 4) 7^{2x+1} - 8 \cdot 7^x + 1 \leq 0.$$

3. Решите систему уравнений:

$$\begin{cases} x + y = -2, \\ 6^{x+5y} = 36. \end{cases}$$

$$4. \text{ Решить уравнение } 3^{x+2} + 8 \cdot 5^{x-1} = 5^{x+1} + 10 \cdot 3^{x-1}.$$

5. Решите систему

$$\begin{cases} 2^{x^2} > 2^9, \\ \left(\frac{1}{2}\right)^{x^2+3x} = \frac{1}{16}. \end{cases}$$

Контрольная работа №4 «Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения»

Вариант 1

1. Вычислите:

1) $\log_{\frac{1}{2}} 16$; 2) $12^{1+\log_{12} 3}$; 3) $\log_3 135 - \log_3 20 + 2 \log_2 6$ 4) $\log_2 \log_4 256$.

2. Постройте график функции $y = \log_3 x$. Как изменяется y , когда x возрастает от $\frac{1}{3}$ до 27?

3. Сравните числа $\log_{\frac{1}{2}} \frac{3}{4}$ и $\log_{\frac{1}{2}} \frac{4}{5}$.

4. Решите уравнение

1) $\log_3 (3 - x) = 3$ 2) $\log_9 (x + 6) = \log_9 (4x - 9)$;
3) $\log_2 (x - 2) + \log_2 x = 3$; 4) $\log_{0,5}^2 x - \log_{0,5} x - 2 = 0$.

5. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \log_3 x - \log_3 y = 2 \\ 2y^2 + x - 11 = 0 \end{cases}$$

Вариант 2

1. Вычислите:

1) $\log_{\frac{1}{9}} 27$; 2) $6^{2+\log_6 3}$; 3) $\log_2 56 + 2 \log_2 12 - \log_2 63$; 4) $\log_3 \log_4 64$.

2. Постройте график функции $y = \log_4 x$. Как изменяется y , когда x возрастает от $\frac{1}{4}$ до 16?

3. Сравните числа $\log_{0,8} 1 \frac{1}{2}$ и $\log_{0,8} 1 \frac{1}{4}$.

4. Решите уравнение

1) $\log_2 (8 - x) = 4$;
2) $\log_8 (x + 9) = \log_8 (2x - 17)$;
3) $\log_3 (x - 8) + \log_3 x = 2$;

$$4) \log_{0,2}^2 + \log_{0,2} x - 6 = 0$$

5. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \log_2 x - \log_2 y = 3 \\ 4y^2 + x - 5 = 0 \end{cases}$$

Контрольная работа №5. "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"

Вариант 1

Решите уравнения:

$$1. 2 \sin x + \sqrt{2} = 0.$$

$$2. \cos\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right) + 1 = 0.$$

$$3. \sin^2 x - 2 \cos x + 2 = 0.$$

$$4. \text{Решите уравнение: } 3 \sin^2 x - 4 \sin x \cos x + 5 \cos^2 x = 2.$$

$$5. \text{Найдите корни уравнения } \sin 3x = \cos 3x, \text{ принадлежащие отрезку } [0; 4].$$

$$6. \text{Упростите выражение } \frac{2 \cos(5\pi - \alpha) + \sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)}{\cos(\pi - \alpha)}$$

Вариант 2

Решите уравнения:

$$1. 2 \cos x + \sqrt{3} = 0.$$

$$2. \sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) + 1 = 0.$$

$$3. \cos^2 x + 3 \sin x - 3 = 0.$$

4. Решите уравнение: $5 \sin^2 x - 2 \sin x \cos x + \cos^2 x = 4$.

5. Найдите корни уравнения $\sin 2x = \sqrt{3} \cos 2x$, принадлежащие отрезку $[-1; 6]$.

6. Упростите выражение $\frac{2 \sin(3\pi - \alpha) + \cos(\frac{3\pi}{2} + \alpha)}{\sin(\alpha + \pi)}$

Контрольная работа №6 "Последовательности и прогрессии"»

Вариант 1.

$$\frac{n+1}{n}$$

1. Последовательность задана формулой $a_n = \frac{n+1}{n}$. Найдите первые шесть членов этой последовательности.
2. Найдите седьмой член арифметической прогрессии, если первый член равен -3 , а разность 2 .
3. Вычислите сумму первых двадцати членов арифметической прогрессии (a_n) , если $a_1 = -7$ и $a_{20} = 19$.
4. Выпишите первые три члена геометрической прогрессии (b_n) , если: $b_1 = 2$, $q = -3$.
5. Найдите первый член и знаменатель геометрической прогрессии (b_n) , если: $b_3 = 3$ и $b_6 = 24$.
6. Найдите сумму всех натуральных чисел, не превышающих 60 .
7. Найдите сумму первых пяти членов геометрической прогрессии, в которой: $b_1 = 7$ и $q = 3$.
8. Найдите x , если числа $x-3$, $\sqrt{5x}$, $x+16$ являются последовательными членами геометрической прогрессии (в указанном порядке).

Вариант 2.

$$\frac{n-1}{n}$$

1. Последовательность задана формулой $a_n = \frac{n-1}{n}$. Найдите первые шесть членов этой последовательности.
2. Найдите девятый член арифметической прогрессии, если первый член равен -7 , а разность 3 .
3. Вычислите сумму первых двенадцати членов арифметической прогрессии (a_n) , если $a_1 = 4$ и $a_{12} = 39$.
4. Выпишите первые три члена геометрической прогрессии (b_n) , если: $b_1 = 3$, $q = -2$.
5. Найдите первый член и знаменатель геометрической прогрессии (b_n) , если: $b_3 = 2$ и $b_6 = 54$.
6. Найдите сумму всех четных натуральных чисел, не превышающих 80 .
7. Найдите сумму первых пяти членов геометрической прогрессии, в которой: $b_1 = 2$ и $q = 3$.
8. Найдите x , если числа $x-2$, $\sqrt{6x}$, $x+5$ являются последовательными членами геометрической прогрессии (в указанном порядке).

Контрольная работа №7 «Производная»

1. Найдите производные функций $f(x)$, если

а) $f(x) = 6x^{10} - 1$; б) $f(x) = 12x^7 + 17x^3$; в) $f(x) = 11x^6 + 5x^{-24} - 2x^3$;

г) $f(x) = (3x - 14) \cdot (3x^2 + 5)$

д) $f(x) = -3 \sin(5x - 6) + 12x^2$; е) $f(x) = \frac{4x - 11}{2 - 5x}$; ж) $f(x) = \frac{5x^2 - 2}{3x + 1}$; з) $y = 3\sqrt{15 + 0,5x}$

2. Найдите производные функции $f(x)$ и вычислите их значения при $x = 1$ и $x = 0$

а) $f(x) = (3x - 2)^7$; б) $f(x) = (6 - 4x)^{11}$; в) $f(x) = \frac{3x - 2}{4x + 3}$.

3. Тело, масса которого 63 кг, движется прямолинейно по закону $S(x) = 25x - 2x^2$. Рассчитайте силу, действующую на тело и кинетическую энергию через 3 секунды.

Вариант 2.

1. Найдите производные функций $f(x)$, если

а) $f(x) = 4x^7 - 13$; б) $f(x) = 5x^{12} + 12x^6$; в) $f(x) = 14x^3 + 5x^{-12} - 2x^8$;

г) $f(x) = (9x - 4) \cdot (8x^2 + 3)$

д) $f(x) = -2 \cos(7x - 1) + 9x^2$; е) $f(x) = \frac{3x + 11}{3 - 4x}$; ж) $f(x) = \frac{x^2 - 3x}{4x + 1}$; з) $y = 4\sqrt{25 - 3x}$

2. Найдите производные функции $f(x)$ и вычислите их значения при $x = 1$ и $x = 0$

а) $f(x) = (4x - 5)^6$; б) $f(x) = (3 - 2x)^{21}$; в) $f(x) = \frac{7x - 1}{3x + 2}$.

3. Тело, масса которого 35 кг, движется прямолинейно по закону $S(x) = 12x + 5x^2$. Рассчитайте силу, действующую на тело и кинетическую энергию через 3 секунды.

Промежуточная аттестация. Контрольная работа.

Вариант 1

1. Вычислить:

$$\frac{\left(\frac{1}{7^{\frac{1}{3}} \cdot 7^{-\frac{2}{3}}}\right)^3}{7^{-2}};$$

а) $5^{1+\log_5 3}$;

б) $\left(\sqrt[3]{\sqrt{8}}\right)^2$;

г) $\log_3 45 + 2 \log_3 6 - \log_3 20$.

2. Вычислить:

$$2 \sin 870^\circ + \sqrt{12} \cos 570^\circ - \operatorname{tg}^2 60^\circ.$$

3. Решите уравнение:

а) $\sqrt{1-x} = x + 1$;

в) $\log_5 (2x - 1) = 2$;

б) $\left(\frac{1}{5}\right)^{2-3x} = 25$;

г) $2 \sin x + \sqrt{2} = 0$.

4. Упростите выражения:

а) $\frac{\sin\left(\frac{\pi}{2}-t\right) \operatorname{tg}(-t)}{\cos\left(\frac{\pi}{2}+t\right)}$;

б) $1 - \frac{\sin 2x \cdot \cos x}{2 \sin x}$.

5. Решите уравнение:

$$3^{x+3} + 3^x = 5 \cdot 2^{x+4} - 17 \cdot 2^x.$$

Вариант 2

1. Вычислить:

$$\frac{6^{-4}}{\left(6^{-\frac{2}{5}} \cdot 6^{\frac{1}{5}}\right)^3};$$

а) $3^{2 \log_3 7}$;

б) $\left(\sqrt[3]{\sqrt{25}}\right)^3$;

г) $\log_2 56 + 2 \log_2 6 - \log_2 63$.

2. Вычислить:

$$4 \cos 840^\circ - \sqrt{48} \sin 600^\circ + \operatorname{ctg}^2 30^\circ.$$

3. Решите уравнение:

а) $\sqrt{x+1} = 1 - x$;

в) $\log_3 (2x + 3) = 3$;

б) $(0,1)^{2x-3} = 10$;

г) $2 \cos x + \sqrt{3} = 0$.

4. Упростите выражения:

а) $\frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}-t\right) \operatorname{ctg}(-t)}{\sin\left(\frac{\pi}{2}+t\right)}$;

б) $\frac{\cos 2x}{\cos x + \sin x} - \cos x$.

б

5. Решите уравнение:

$$7^{x+1} + 3 \cdot 7^x = 2^{x+5} + 3 \cdot 2^x.$$

Контрольно-измерительные материалы
По алгебре и началам математического анализа 11 класс

Контрольная работа №1 «Исследование функции с помощью производной»

Вариант № 1

1. Найти промежутки возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - 3x$?
2. Найти точки экстремума функции $f(x) = x^3 - 9x^2 + 15x$
3. Чему равно наибольшее и наименьшее значение функции $y = -x^2 + 4x + 2$ на промежутке $[0;4]$
4. Напишите уравнение касательной к графику функции $f(x) = x^3 - 1$ в точке с абсциссой $x_0 = -1$
5. Найдите точку перегиба к графику функции а) $y = x^3 - 3x^2 + 1$; б) $y = 2\cos 2x$
6. Исследовать с помощью производной функцию и постройте график

а) $f(x) = 2 - 3x^2 - x^3$; б) $f(x) = \frac{4x^2 + 1}{x}$

Вариант № 2

1. Найти промежутки возрастания и убывания функции $f(x) = x^3 - 3x^2$?
2. Найти точки экстремума функции $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x$
3. Чему равно наибольшее и наименьшее значение функции $y = 2x^2 - 8x + 11$ на промежутке $[0;4]$
4. Напишите уравнение касательной к графику функции $f(x) = x^3 - 2x + 1$ в точке с абсциссой $x_0 = 2$
5. Найдите точку перегиба к графику функции а) $y = -3x^3 + 4,5x^2 + 1$; ; б) $y = 3\sin 2x$
6. Исследовать с помощью производной функцию и постройте график

а) $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 4$; б) $f(x) = \frac{9x^2 - 1}{x}$

Контрольная работа №2. Первообразная и интеграл.

Вариант 1

№1. Для функции $f(x) = 2x^2 + x$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $A(1;1)$

№2. Вычислите интеграл: а) $\int_0^1 (2x^2 + 3) dx$ б) $\int_{-\pi}^{\pi} \sin 2x dx$

№3. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями:

а) параболой $y = (x-1)^2$, прямыми $x = -1$ и $x = 2$ и осью Ox .

б) графиком функции $y = \frac{4}{x}$ при $x > 0$, параболой $y = -x^2 + 4x + 1$.

Вариант 2

1. Для функции $f(x) = 3x^2 - 5$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $A(1;3)$

№2. Вычислите интеграл: а) $\int_0^1 (3x^2 - x) dx$ б) $\int_{-\pi}^{\pi} \cos 2x dx$

№3. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями:

а) параболой $y = (x-2)^2$, прямыми $x = 0$ и $x = 3$ и осью Ox .

б) графиком функции $y = \frac{4}{x}$ при $x < 0$, параболой $y = x^2 + 4x - 1$.

Вариант 1

1. Какому из данных значений может быть равно значение $\cos x$

1) $0.5\sqrt{5}$ 2) $1 - \sqrt{5}$ 3) $(0.5)^{-2}$ 4) $\sqrt{3} - \sqrt{2}$

2. Какое из данных чисел положительное?

1) $\operatorname{ctg} 5$, 2) $\sin(-4)$, 3) $\operatorname{tg} 3$, 4) $\cos(-2)$

3. Исследуйте функцию на четность:

а) $y = x^2 \sin 3x$

б) $y = |\operatorname{ctg} x| + \cos x$

в) $y = \frac{x^5}{2} - \sin x$

4. Постройте график функции: $y = \sin x + 3$.

5. Постройте график функции: $y = \cos\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$

6. Найдите наибольшее и наименьшее значение функции

$$y = -4 \cos(x - \pi) - 3$$

7. Построить график функции $y = \sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right) - 2$

Вариант 2

1. Какому из данных значений может быть равно значение $\sin x$

1) $0.3\sqrt{18}$ 2) $2 - \sqrt{12}$ 3) $(0.3)^3$ 4) $\sqrt{3} + \sqrt{2}$

2. Какое из данных чисел положительное?

1) $\operatorname{ctg}(-2)$, 2) $\sin 4$, 3) $\operatorname{tg} -5$, 4) $\cos 1$

3. Исследуйте функцию на четность:

а) $y = \sin x - \operatorname{ctg} x$

б) $y = |\sin x| + x^2$

в) $y = x^3 \cos 2x$

4. Постройте график функции: $y = \cos x - 2$.

5. Постройте график функции: $y = \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$

6. Найдите наибольшее и наименьшее значение функции

$$y = 3 \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) + 2$$

7. Построить график функции $y = \cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right) + 2$

1. Решите уравнения:

a) $\left(\frac{1}{5}\right)^{3-2x} = 125$

b) $3^{x+3} - 3^x = 78$

c) $2^{2x+1} - 9 \cdot 2^x + 4 = 0$

d) $\log_4(x^2 - 15x) = 2$

2. Решите неравенства:

a) $(0,4)^{9-x^2} \leq 1$

b) $\log_{\frac{1}{3}}(x+1) \geq \log_{\frac{1}{3}}(3-x)$

c) $(\log_5 x)^2 + \log_5 x - 2 \leq 0$

3. Решите неравенство:

$$\log_{0,5} \log_6 \frac{x^2+x}{x+4} \leq 0$$

4. Решите уравнение:

$$\log_2(9 - 2^x) = 3^{\log_3(3-x)}$$

1. Решите уравнения:

a) $\left(\frac{1}{3}\right)^{4-2x} = 9$

b) $5^{x+2} + 5^x = 130$

c) $\log_2(x^2 - 2x) = 3$

d) $(\log_4 x)^2 - 2 \log_4 x - 3 = 0$

2. Решите неравенства:

a) $(0,8)^{2x-x^2} \geq 1$

b) $\log_{\frac{1}{2}}(2x-4) \geq \log_{\frac{1}{2}}(x+1)$

c) $3^{2x+1} - 10 \cdot 3^x + 3 \geq 0$

3. Решите неравенство:

$$\log_{0,5} \log_8 \frac{x^2-1}{x-2} \leq 0$$

4. Решите уравнение:

$$\log_6(7 - 6^{-x}) = 10^{\log_{10}(x+1)}$$

Контрольная работа №5 «Комплексные числа»

Вариант 1

1. Даны комплексные числа:

$$z_1 = 2 - 3i, z_2 = i + 1, z_3 = -1 - i.$$

Вычислите:

а) $z_1 + z_2$; б) $z_1 + z_3$; в) $z_1 - z_2$;
 г) $z_2 - z_3$; д) $z_1 \cdot z_2$; е) $z_3 \cdot z_2$.

2. Вычислите: а) $(2 - i)(2 + i) - (3 - 2i) + 7$;
 б) $(1 + i)^4$.

3. Найти частное комплексных чисел:

а) $\frac{1}{i}$; б) $\frac{1}{1+i}$; в) $\frac{5-i}{i+2}$.

4. Представить следующие комплексные числа в тригонометрической форме:

$$-1 + i\sqrt{3}$$

а) -3; б) -i; в) $1 + i$; г) .

5. Найти координаты точки M , изображающей комплексное число

$$z = \frac{5i-2}{3i+1} + i + \frac{8i-3}{2-i}.$$

6. Решите уравнения в комплексных числах:

а) $x^2 - 4x + 8 = 0$;
 б) $x^2 + ix + 6 = 0$.

вариант 2

1. Даны комплексные числа:

$$z_1 = 2 + i, z_2 = 3i + 1, z_3 = -2 - i.$$

Вычислите:

а) $z_1 + z_2$; б) $z_1 + z_3$; в) $z_1 - z_2$;
 г) $z_2 - z_3$; д) $z_1 \cdot z_2$; е) $z_3 \cdot z_2$.

2. Вычислите: а) $(3 + i)(3 - i) - (6 + 2i) + 7$;
 б) $(i - 1)^4$.

3. Найти частное комплексных чисел:

а) $\frac{1}{i}$; б) $\frac{1}{1-i}$; в) $\frac{3+i}{i-2}$.

4. Представить следующие комплексные числа в тригонометрической форме:

$$-\sqrt{3} + i$$

а) -4; б) i ; в) $1 - i$; г) .

5. Найти координаты точки M , изображающей комплексное число

$$z = \frac{2-3i}{2i+1} - i + \frac{6i-4}{i+2}.$$

6. Решите уравнения в комплексных числах:

а) $x^2 - 8x + 17 = 0$;

б) $x^2 + ix + 20 = 0$.

Контрольная работа №6 «Теория целых чисел»
Вариант 1.

1. Не выполняя деления, найти остаток от деления числа 485638 на 5.
2. Найти последнюю цифру числа $357 + 425$.
3. Доказать, что число $915 - 327$ делится на 26.
4. Натуральные числа $8n + 1$ и $5n + 2$ делятся на натуральное число $m \neq 1$. Найти m .
5. Найти все целочисленные решения уравнения: а) $26x + 39y = 15$;
б) $5x + 3y = 17$; в) $x^2 - y^2 = 11$.

Вариант 2.

1. Не выполняя деления, найти остаток от деления числа 728362 на 5.
2. Найти последнюю цифру числа $963 + 239$.
3. Доказать, что число $236 + 416$ делится на 17.
4. Натуральные числа $6n + 5$ и $7n + 5$ делятся на натуральное число $m \neq 1$. Найти m .
5. Найти все целочисленные решения уравнения: а) $36x + 45y = 11$;
б) $7x - 9y = 23$; в) $x^2 - y^2 = 13$.

Контрольная работа №7 «Системы рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений»

Вариант 1

1. Решить уравнение:

А) $3^{5x+2} = 81^{x-1}$. Б) $2^{2x} - 3 \cdot 2^x - 4 = 0$.

2. Решите систему уравнений:

а) $\begin{cases} \log_2 x + \log_2 y = 5, \\ x - 3y = -20 \end{cases}$; б) $\begin{cases} 3^x - 3^y = 6 \\ 2 \cdot 3^x + 3^y = 21 \end{cases}$

в) $\begin{cases} \sqrt{x} + \sqrt{y} = 16, \\ \sqrt{x} - \sqrt{y} = 2 \end{cases}$ г) $\begin{cases} 3^x \cdot 7^y = 63, \\ 3^x + 7^y = 16 \end{cases}$

3. Из города А в город В, расстояние между которыми 120 км, выехали одновременно два велосипедиста. Скорость первого на 3 км/ч больше скорости второго, поэтому он прибыл в город на 2 ч раньше. Определите скорости велосипедистов.

Вариант №2

1. Решить уравнение:

А) $2^{5x-4} = 16^{x+3}$. Б) $3^{2x} - 2 \cdot 3^x - 3 = 0$.

2. Решить систему уравнений:

а); $\begin{cases} \log_3 x + \log_3 y = 3, \\ x - y = -6 \end{cases}$ в) $\begin{cases} \sqrt{x} - \sqrt{y} = 1, \\ \sqrt{x} + \sqrt{y} = 19 \end{cases}$

б); $\begin{cases} 2^x + 2^y = 6 \\ 3 \cdot 2^x - 2^y = 10 \end{cases}$ г) $\begin{cases} 4^x \cdot 4^y = 64, \\ 4^x - 4^y = 63 \end{cases}$

3. Турист проплыл на лодке против течения реки 6 км и по озеру 15 км, затратив на путь по озеру на 1 час больше чем на путь по реке. Зная, что скорость течения реки равна 2 км/ч, найдите скорость лодки при движении по озеру

Контрольная работа №8 «Задачи с параметрами»

Вариант 1

1) При каком значении параметра a уравнение имеет единственный корень: $ax^2 - (2a + 6)x + 3a + 3 = 0$

2) При каких значениях

$$a(a - 2)x^2 + (2a - 4)x + 3a - 6 = 0$$

параметра a уравнение
одного решения?

имеет более

3) При каких значениях a уравнение
много корней?

$$xa^2 - 7 = 49x + a$$

имеет бесконечно

Вариант 2

1) При каком значении параметра a уравнение имеет единственный корень: $ax^2 - (4a + 2)x + 3a + 1,5 = 0$

2) При каких значениях параметра a уравнение $a(a-2)x^2 + (2a-4)x + 3a-6=0$ имеет более одного решения?

3) При каких значениях a уравнение $xa^2 - 9 = 81x + a$ имеет бесконечно много корней?

Промежуточная аттестация. Контрольная работа

Вариант 1

1. Решите уравнения: а) $5^{x-7} = \frac{1}{125}$. б) $\log_{\frac{1}{7}}(7-x) = -2$.
2. Найдите значение выражения : а) $\frac{\sqrt{81\sqrt[7]{b}}}{\sqrt[14]{b}}$ при $b > 0$. б) $\frac{(\sqrt[3]{7a^2})^6}{a^4}$ при $a \neq 0$.
- в) $\left(\frac{2^{\frac{1}{3}} \cdot 2^{\frac{1}{4}}}{\sqrt[12]{2}}\right)^2$. г) $\frac{9^{\log_5 50}}{9^{\log_5 2}}$.

3 В ходе распада радиоактивного изотопа его масса уменьшается по закону $m(t) = m_0 \cdot 2^{-t/T}$, где m_0 – начальная масса изотопа, t – время, прошедшее от начального момента, T – период полураспада. В начальный момент времени масса изотопа 40 мг. Период его полураспада составляет 10 мин. Найдите, через сколько минут масса изотопа будет равна 5 мг.

4. В торговом центре два одинаковых автомата продают кофе. Обслуживание автоматов происходит по вечерам после закрытия центра. Известно, что вероятность события «К вечеру в первом автомате закончится кофе» равна 0,25. Такая же вероятность события «К вечеру во втором автомате закончится кофе». Вероятность того, что кофе к вечеру закончится в обоих автоматах, равна 0,15. Найдите вероятность того, что к вечеру кофе останется в обоих автоматах.

5. Найдите наименьшее значение функции : а) $y = (x-8)e^{x-7}$ на отрезке $[6; 8]$.
 б) $y = 3x - \ln(x+3)^3$ на отрезке $[-2,5; 0]$.
6. а) Решите уравнение $9^{x-\frac{1}{2}} - 8 \cdot 3^{x-1} + 5 = 0$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left(1, \frac{7}{3}\right)$.

7. а) Решите уравнение $\log_2(x^2 - 14x) = 5$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[\log_3 0,1; 5\sqrt{10}]$.

Вариант № 2

1. Решите уравнения : а) $\left(\frac{1}{3}\right)^{x-8} = \frac{1}{9}$. б) $\log_{\frac{1}{7}}(7-x) = -2$.

2. Найдите значение выражения: а) $\frac{12\sqrt[9]{m} \cdot \sqrt[18]{m}}{\sqrt[6]{m}}$ при $m > 0$.

б) $\frac{(4a)^{2,5}}{a^2\sqrt{a}}$ при $a > 0$.

в) $\frac{(2^{\frac{3}{5}} \cdot 5^{\frac{2}{3}})^{15}}{10^9}$.

г) $\log_5 9 \cdot \log_3 25$.

3. Установка для демонстрации адиабатического сжатия представляет собой сосуд с поршнем, резко сжимающим газ. При этом объем и давление связаны соотношением $pV^{1,4} = const$, где p (атм.) – давление в газе, V – объем газа в литрах. Изначально объем газа равен 1,6 л, а его давление равно одной атмосфере. В соответствии с техническими характеристиками поршень насоса выдерживает давление не более 128 атмосфер. Определите, до какого минимального объема можно сжать газ. Ответ выразите в литрах.

4. Биатлонист пять раз стреляет по мишеням. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле равна 0,8. Найдите вероятность того, что биатлонист первые три раза попал в мишени, а последние два промахнулся. Результат округлите до сотых.

5. Найдите наибольшее значение функции : а) $y = (8-x)e^{x-7}$ на отрезке $[3; 10]$.

б) $y = \ln(x+5)^5 - 5x$ на отрезке $[-4,5; 0]$.

6. а) Решите уравнение: $4^x - 2^{x+3} + 15 = 0$.

б) Определите, какие из его корней принадлежат отрезку $[2; \sqrt{10}]$.

7. а) Решите уравнение $\log_5(2-x) = \log_{25} x^4$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\log_9 \frac{1}{82}; \log_9 8\right]$.

